

多重事故(一 散歩道一)

澤井

平均生起間隔 T の独立事象の生起回数はポアソン分布に従い、 τ 期間内に k 回生起する確率は

$$P(k) = \left(\frac{\tau}{T}\right)^k e^{-\tau/T}$$

である。いま、 $x = (\tau/T) \ll 1$ とし、期間内に n 回生起する確率を $P(n \text{ の条件})$ と表すと

$$P(n=0) = e^{-x} \doteq 1 - x + \frac{x^2}{2} - \frac{x^3}{6}$$

$$P(n=1) = x * e^{-x} \doteq x - x^2 + \frac{x^3}{2}$$

$$P(n=2) = \frac{x^2}{2} * e^{-x} \doteq \frac{x^2}{2} - \frac{x^3}{2} + \frac{x^4}{4}$$

$$P(n>1) = 1 - P(n=0) - P(n=1) \doteq \frac{x^2}{2} - \frac{x^3}{3}$$

$$P(n>2) = P(n>1) - P(n=2) \doteq \frac{x^3}{6}$$

を得る

ここで、非常に楽観的に見て $T=100$ 年とし、1 日内の事故の重複を重大事故と考えて $\tau = 1$ 日とすると $x \doteq 2.74 * 10^{-5}$ だから、1 日あたり重大事故の発生確率は

$$P(n>1) \doteq 3.75 * 10^{-10}$$

$$P(n>2) \doteq 3.43 * 10^{-19}$$

となる。

この結果より重大事故の間隔は、2 重以上が約 730 万年、3 重以上は約 8 千億年と言う結果を得る。

また、 $T=10$ 年とシベアに考えても 3 重以上の多重事故間隔は約 8 億年となる。

これは、事故を独立事象として計算した結果である。

現実には、事故原因が独立か否か厳密に検証する必要がある。